

Zajęcze Liceum Ogólnokształcące
„LOGOS” w Piotrkowie Tryb.

Egzamin z MATEMATYKI - VI-ty semestr.

Iminie i nazwisko:

Zadanie 1.

Iloczyn $25^3 \cdot 125^2$ jest równy:

- A. 5^{36} B. 5^{12} C. 5^{10} D. 5^{25}

Zadanie 2.

Liczba $3^{\frac{9}{4}}$ jest równa:

- A. $3 \cdot \sqrt[4]{3}$ B. $9 \cdot \sqrt[4]{3}$ C. $27 \sqrt[4]{3}$ D. $3^9 \cdot 3^{\frac{1}{4}}$

Zadanie 3.

Rower kosztował 2500 zł. Początkowej cenie roweru najpierw obniżono o 20%, a potem jeszcze raz o 20%. Po tych obniżkach rower kosztował:

- A. 1500 zł. B. 1600 zł. C. 1640 zł. D. 1450 zł.

Zadanie 4.

Na wyjeździe klasowa pojechała 18 uczniów, co stanowi 72% uczniów całej klasy. Klasa ta liczy:

- A. 30 uczniów B. 32 uczniów C. 28 uczniów D. 25 uczniów

Zadanie 5.

Wielomian $9x^2 - 64$ jest równy:

- A. $9(x-8)(x+8)$ B. $(3x+8)^2$ C. $(3x-8)^2$ D. $(3x-8)(3x+8)$

Zadanie 6.

Pierwszy kwadrat liczby $3 + 4\sqrt{2}$ jest równy:

- A. 41 B. $41 - 24\sqrt{2}$ C. $41 + 24\sqrt{2}$ D. $41 + 12\sqrt{2}$

Zadanie 7.

Dla każdej liczby rzeczywistej x wyrażenie $9x^2 + 12x + 4$ jest równe:

- A. $(3x+1)(3x+4)$ B. $(3x+2)(3x+2)$ C. $(3x-4)(3x+1)$ D. $(3x-2)(3x+2)$

Zadanie 8.

Wskaz równanie prostej prostopadłej do funkcji $y = 3x + 2$ przechodzącej przez punkt $(6, 4)$.

- A. $y = 2x - 14$ B. $y = -\frac{1}{3}x + 2$ C. $y = -\frac{1}{3}x + 6$ D. $y = 3x$

Zadanie 9.

Wierzchołek paraboli o równaniu $y = -2(x+5)^2$ ma współrzędne:

- A. $(10, 5)$ B. $(15, 0)$ C. $(-5, 0)$ D. $(0, -5)$

Zadanie 10.

Liczba (-3) jest miejscem zerowym funkcji $f(x) = (2m+1)x^2$.
Wtedy:

- A. $m=-2$ B. $m=0$ C. $m=2$ D. $m=3$

Zadanie 11.

Prosta, której jest osią symetrii paraboli o równaniu $y = x^2 + 6x + 10$ ma wzór postaci:

- A. $x=3$ B. $x=-3$ C. $x=6$ D. $x=-6$

Zadanie 12.

Dana jest funkcja $f(x) = 2x^2 - 3$. Wyznacz największą i najmniejszą wartość funkcji w przedziale $x \in [-1; 2]$.

Rozwiązanie:

Zadanie 13.

Sto trójkącie prostokątnym, którego przyprostokątne mają długość 12 i 9 opisano okrąg. Promień tego okręgu jest równy:

- A. $\sqrt{108}$ B. $\frac{15}{2}$ C. 15 D. $\frac{\sqrt{108}}{2}$

Zadanie 14.

Given that acute angle $\angle L$ and $\sin L = \frac{3}{7}$. Value of expression $\cos^2 L - 1$ is equal.

- A. $\frac{9}{49}$ B. $-\frac{4}{49}$ C. $\frac{4}{49}$ D. $\frac{46}{49}$

Zadanie 15.

Miejsca zerowe funkcji kwadratowej $y = 2(x+8)(x-3)$ są:

- A. $x_1=8, x_2=-3$ B. $x_1=-8, x_2=3$ C. $x_1=-8, x_2=-3$ D. $x_1=8, x_2=3$

Zadanie 16.

Rozwiąż nierówność $2x^2 + 7x - 4 \geq 0$:

Rozwiązanie:

Zadanie 17.

Liczby $5, \alpha, 125$ w podanej kolejności tworzą ciąg arytmetyczny. Wtedy α jest równe:

- A. 25 B. 75 C. 125 D. 65

Zadanie 18.

W określonym wzorze ciągu geometrycznego o wyrazach określonych pierwszy wyraz jest równy 3, a ostatni wyraz jest równy 12. Piąty wyraz tego ciągu jest równy.

- A. $3\frac{4}{27}$ B. 6 C. $7\frac{1}{2}$ D. $8\frac{1}{7}$

Zadanie 19.

Liczba $\log_2 10 + \log_2 3,2$ jest równa:

- A. $\log_2 13,2$ B. $\log_2 (10+3,2)$ C. $\log_2 16$ D. 5

Zadanie 20.

Dane są trzy kolejne wyrazy ciągu arytmetycznego $2x+1, x, x-2$. Oblicz x .

Rozwiążcie:

Zadanie 21.

Rozwiąż równanie $(4x+1)(x^2-7)(x^3-1)=0$.

Rozwiążcie:

Zadanie 22.

Prawdziwy dla której symetrycznymi sześciennymi kostkami do gry. Oblicz prawdopodobieństwo, że ilość wyników, które wystąpiły na obu kostkach, jest parzysta.

Rozwiążcie:

Zadanie 23.

Objętość sześcianu wynosi 27. Pole powierzchni całkowitej tego sześcianu jest równe:

- A. 36 B. 54 C. 162 D. 9

Zadanie 24.

Liczba wszystkich krawędzi graniastosłupa jest równa 24. Wtedy liczba wszystkich jego wierzchołków jest równa:

- A. 6 B. 8 C. 12 D. 16

Zadanie 25.

Krówek ostrostupei ochronokątnego pramiotowego o głębokości 6 ma ichyłana jest do płaszczyzny podstawy pod kątem 45° . Oblicz objętość tego ostrostupei.

Rozwiążcie: